

## آزمایشگاه فیزیک پیشرفته

### مطالعه پیوندگاه P-N

اهداف آزمایش:

- آزمایش ۱: محاسبه جریان اشباع معکوس  $I_s$  و ثابت  $n$
- آزمایش ۲: تعیین ثابت دمایی ولتاژ پیوندگاه و محاسبه شکاف باند انرژی
- آزمایش ۳: مطالعه ظرفیت خازن پیوندگاه و تغییرات آن نسبت با بایاس معکوس

#### مقدمه

نیمه‌هادی‌ها مواد مهمی از گروه جامدات‌اند که اکنون کاربردهای زیادی در حوزه تحقیقات شیمی، فیزیک و صنعت پیدا کرده‌اند. این مواد که هدایت الکتریکی بین فلزات و عایق‌ها دارند ساخت کاتالیزورها، قطعات الکترونیکی، سلول‌های خورشیدی لیزرهای نیمه‌هادی، دیودهای نور گسیل و .... بکار می‌روند. نیمه‌هادی‌ها از سال ۱۹۲۰ مورد مطالعه قرار گرفته‌اند و Brattain و Bardeen در سال ۱۹۴۰ اولین ترانزیستورها را ساختند. پس از آن به‌طور وسیع نیمه‌هادی‌ها در صنایع الکترونیک و نهایتاً در تهیه مدارهای مجتمع (IC) مورد استفاده قرار گرفته‌اند. برخی از ویژگی‌های مهم به شرح زیرند:

- کاهش مقاومت الکتریکی با افزایش دما
- وجود شکاف انرژی

یکی از خصوصیت‌های مهم تغییر خواص الکتریکی از جمله تعداد و نوع حامل‌های جریان و تحرک آنها با افزودن ناخالصی‌ها است که آنها را از نظر نوع حامل‌های اکثریت به دو نوع  $p$  و  $n$  تبدیل می‌کند. هم‌چنین خواص در پیوندگاه  $p-n$  آنرا مناسب جهت استفاده در یکسوسازها می‌کند که در این آزمایش این اثرات بررسی می‌شود.

#### نیمه‌هادی‌های نوع $p$ و $n$

یک نیمه‌هادی خالص حاوی تعداد مساوی از حامل‌های بار یعنی الکترون‌ها و حفره‌ها می‌باشد. چون در اغلب کاربردها به موادی که یک نوع حامل بار اکثریت دارد نیاز است می‌توان با وارد کردن ناخالصی‌های مناسب این شرایط را امکان‌پذیر کرد. به عنوان مثال، اگر سیلیسیم  $Si$  را با ناخالصی  $As$  آرایش دهیم الکترون‌ها اکثریت حامل‌های بار خواهند بود و مقاومت الکتریکی کاهش می‌یابد. اتم‌های پنج ظرفیتی آرسنیک به‌طور تصادفی جایگزین بعضی از نقاط شبکه سیلیسیم می‌شوند و چهار پیوند کووالانسی با نزدیک‌ترین همسایه‌ها برقرار می‌کنند. در حالیکه الکترون پنجم از ناخالصی دور شده و جزئی از الکترون‌های نوار رسانش می‌شود. چون ناخالصی آرسنیک الکترون به نوار رسانش داده است، این ناخالصی دهنده نامیده می‌شود. توجه کنید که الکترون‌های موجود در باند رسانش بدون تولید حفره بوجود آمده‌اند. الکترون در اطراف اتم دهنده یونیزه شده، شبیه اتم هیدروژن است با این تفاوت که می‌توان فرض کرد ثابت دی‌الکتریک شبکه به مقدار  $\epsilon$  افزایش یافته است. بنابراین طبق مدل بوهر انرژی پیوندی مربوط به حالت پایه دهنده چنین است:

$$E_d = + \frac{1}{\epsilon^2} \left( \frac{m_e}{m_0} \right) \left[ \frac{em_0}{2(4\pi\epsilon_0\eta)^2} \right]$$

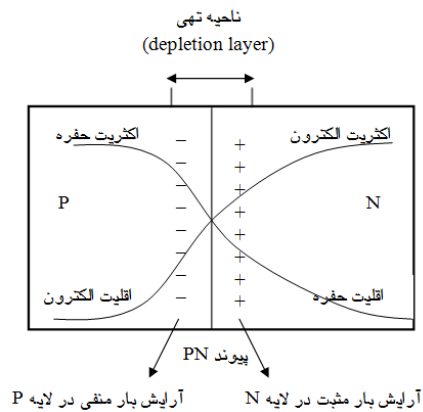
در اینجا  $m_0$  جرم الکترون در حالت آزاد و  $m_e$  جرم الکترون در ماده است. انرژی پیوندی مربوط به دهنده به اندازه ضریب

$$+ \frac{1}{\epsilon^2} \left( \frac{m_e}{m_0} \right)$$

که غالباً کمتر از ۱ است، کاهش یافته است. به عنوان مثال برای  $\epsilon = 10$  و  $\frac{m_e}{m_0} = 0.2$  انرژی دهنده در حدود  $\frac{1}{500}$  انرژی الکترون در اتم هیدروژن است. در نوع دیگر نیمه‌هادی، حامل‌های اکثریت بار حفره‌ها هستند و مقاومت الکتریکی آنها توسط حفره‌ها تنظیم می‌شود. مانند سیلسیمی که با یک ناخالصی سه ظرفیتی مانند گالیم آرایش یافته است. این گونه‌ها را پذیرنده یا نوع  $p$  می‌نامند. حفره‌ها در اینجا به دام ناخالصی‌هایی که به طور منفی یونیزه شده‌اند، می‌افتند و مانند نوع‌دهنده انرژی پیوندی حفره مقدار  $E_d$  است.

### پیوندگاه p-n

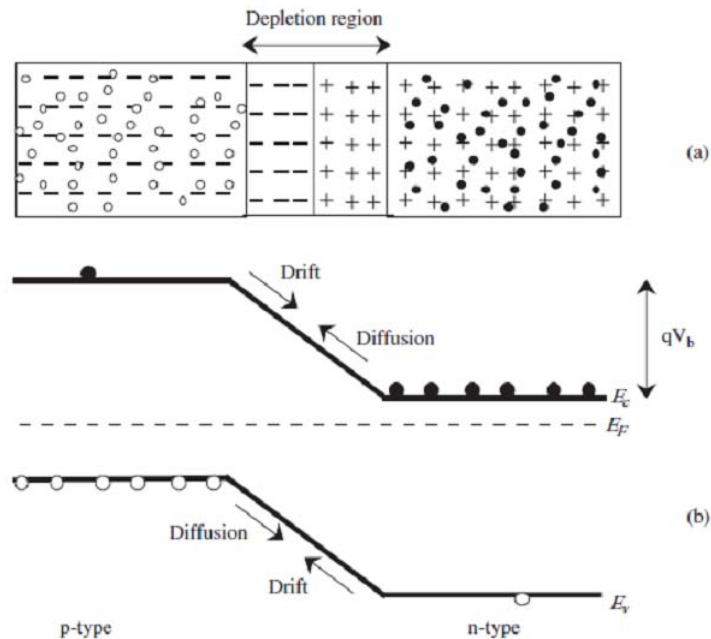
حال اگر دو گونه‌های  $n$  و  $p$  به هم متصل شوند پیوندگاه  $p-n$  را تشکیل می‌دهند. تراکم دهنده‌ها  $N_d$  و پذیرنده‌ها  $N_a$  اند که در پیوندگاه نیز مطابق شکل (۱) نمایش شده است.



شکل ۱: پیوندگاه p-n

اختلاف پتانسیل که حتی در حالت تعادل بوجود می‌آید به پتانسیل تماس مشهور است و مقدار آن معمولاً بین ۱ تا ۰/۱ ولت متغیر است. چون در ناحیه  $n$  تراکم الکترون‌ها و در ناحیه  $p$  تراکم حفره‌ها زیادند، الکترون‌ها به سمت ناحیه  $p$  و همچنین حفره‌ها به سمت ناحیه  $n$  نفوذ می‌کنند. نتیجه این نفوذ کاهش تراکم حامل‌های آزاد در دو ناحیه و ایجاد یک خازن در دو طرف پیوندگاه می‌شود. شکل ۲ پیوندگاه  $p-n$  را از دیدگاه نوار انرژی نشان می‌دهد. در واقع حضور مقدار بار منفی خالص

در ناحیه **p** باعث افزایش پتانسیل این ناحیه نسبت به ناحیه **n** می‌شود. با داشتن پتانسیل تماس  $\phi$  اختلاف انرژی در ناحیه برابر با  $e\phi$  می‌باشد.



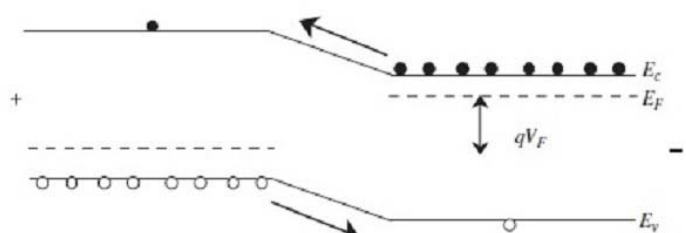
شکل ۲: پتانسیل تماس

چگالی جریان الکترونی و حفره‌ای به سمت اتصال، در حالت تعادل برابرند یعنی

$$j_{nr} = j_{ng}$$

$$j_{pr} = j_{pg}$$

حال با این توضیحات می‌توانیم خاصیت یکسوسازی را مورد بررسی قرار دهیم. فرض کنید پتانسیل خارجی  $V_0$  را به محل پیوندگاه اعمال کنیم. در مرحله اول فرض کنید ناحیه **p** به پتانسیل مثبت و ناحیه **n** به پتانسیل منفی متصل شده است. این نوع اتصال به پتانسیل را بایاس مستقیم (forward Bias) می‌نامند و در شکل ۳ نشان داده شده است. ناحیه **n** به اندازه  $eV_0$  به سمت بالا تغییر مکان می‌دهد. اکنون اثر این ولتاژ را بر روی چگالی جریان‌های موجود بررسی می‌کنیم.



شکل ۳: بایاس مستقیم و دیاگرام نوار انرژی

چگالی جریان تولیدی از ولتاژ بایاس مستقل است، زیرا در حضور ولتاژ باز هم تعدادی الکترون به پایین سد پتانسیل منحرف می شوند پس

$$j_{ng} = j_{ngo}$$

چگالی جریان باز ترکیب به اندازه فاکتور  $e^{\frac{eV_0}{KT}}$  افزایش می یابد یعنی

$$j_{nr} = j_{nro} e^{\frac{eV_0}{K_B T}}$$

بنابراین جریان الکترونی خالص ایجاد شده از سمت راست به سمت چپ برابر است با:

$$I_n = e(J_{nr} - J_{ng}) = e j_{ngo} \left( e^{\frac{eV_0}{K_B T}} - 1 \right)$$

همچنین جریان حفره های خالص ایجاد شده از سمت راست به سمت چپ برابر است با:

$$I_p = e(J_{pr} - j_{pg}) = e j_{pgo} \left( e^{\frac{eV_0}{K_B T}} - 1 \right)$$

جریان کل ایجاد شده در اثر بایاس رو به جلو برابر است با:

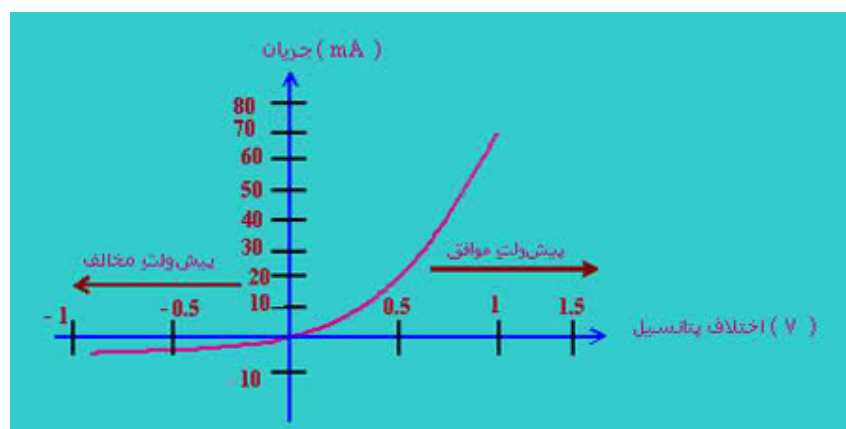
$$I = I_n + I_p = e(J_{ngo} + J_{pgo}) \left( e^{\frac{eV_0}{KT}} - 1 \right)$$

$$I = I_0 \left( e^{\frac{eV_0}{KT}} - 1 \right)$$

$$I_0 = e(J_{ngo} + J_{pgo})$$

که در آن

توجه کنید که  $I_0$  مستقل از ولتاژ بایاس می باشد. شکل ۴ نمایشی از  $I$  بر حسب  $V_0$  نشان می دهد.

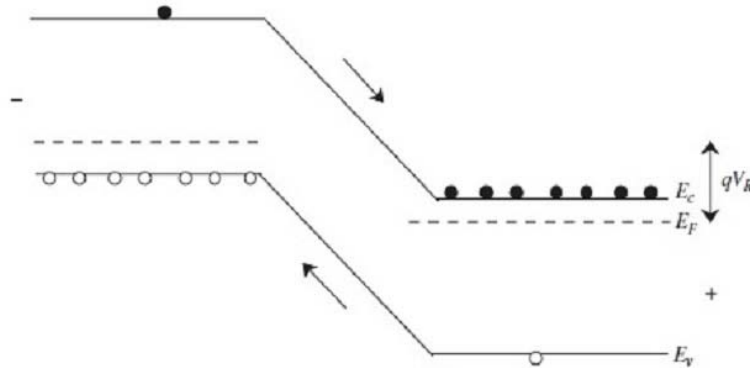


شکل ۴ نمایشی از  $I$  بر حسب  $V_0$

با توجه به اینکه معمولاً در دمای اتاق  $eV_0 \gg KT$  است می توان نوشت:

$$I \approx I_0 e^{\frac{eV_0}{KT}}$$

اکنون اثر ولتاژ بایاس معکوس را مورد مطالعه قرار می‌دهیم. در این حالت ناحیه **p** به پتانسیل منفی متصل می‌شود و ناحیه **n** به پتانسیل مثبت. اثر ولتاژ بایاس معکوس بر روی تراز انرژی‌ها در شکل ۵ نشان داده شده است. در این حالت مشاهده می‌کنیم که اختلاف انرژی بین سطوح **p** و **n** به اندازه  $eV_0$  افزایش یافته است.



شکل ۵: اثر ولتاژ بایاس معکوس بر روی ترازهای انرژی‌ها

چگالی جریان تولیدی از ولتاژ بایاس مستقل است ولی چگالی جریان بازترکیبی تحت تأثیر ولتاژ بایاس معکوس قرار می‌گیرد و اکنون جریان کل ایجاد شده برابر است با:

$$I = I_n + I_p = e(J_{ngo} - J_{nr}) + e(J_{pgo} - J_{pr}) = eJ_{ngo} \left(1 - e^{\frac{eV_0}{KT}}\right) + eJ_{pgo} \left(1 - e^{\frac{eV_0}{KT}}\right)$$

$$I = I_0 \left(1 - e^{\frac{eV_0}{KT}}\right)$$

در دمای اتاق و با توجه به  $eV_0 \gg KT$  خواهیم داشت

$$I \approx I_0$$

اکنون می‌بینیم که در این حالت جریان مستقل از ولتاژ بایاس است. به طور کلی می‌توان جریان ایجاد شده را به فرم زیر نوشت:

$$I = I_0 \left( e^{\frac{eV_0}{KT}} - 1 \right)$$

برای ولتاژ بایاس مستقیم  $V_0$  مثبت و برای ولتاژ بایاس معکوس  $V_0$  منفی قلمداد می‌شود. همچنین جریان مثبت نشان دهنده جریان از **p** به **n** و جریان منفی نشان‌دهنده جریانی از **n** به **p** است. مشاهده می‌کنیم که جریان برای ولتاژ بایاس مستقیم خیلی بیشتر از جریان برای ولتاژ بایاس معکوس می‌باشد. بدین معنی است که پیوندگاه به عنوان یکسوساز عمل می‌کند. کمیت  $I_0$

در حالت ولتاژ بایاس، جریان اشباع معکوس نامیده می شود. یک مقدار نوعی از چگالی جریان اشباع  $10^{-5} \frac{A}{cm^2}$  است. جریان در حالت ولتاژ بایاس مستقیم، شدیداً به ولتاژ وابسته است. یک مقدار نوعی برای ولتاژ بایاس مستقیم  $V_0 = 0.2 V$  برابر با  $100 mA$  است.

وسایل مورد نیاز:

دستگاه اندازه گیری مشخصه های پیوندگاه، کوره، اسیلوسکوپ، دیود  $1N 5408 (Si)$  ,  $BC 107B (Si)$



آزمایش ۱: تعیین جریان اشباع معکوس  $I_0$  و ثابت  $\eta$ .

$$I = I_0 \left( e^{\frac{eV_0}{\eta KT}} - 1 \right)$$

همانطور که می دانیم جریان در پیوندگاه p-n برابر است با:

در اینجا

$$e: \text{بار الکترون برابر با } 1.602 \times 10^{-19}$$

$\eta$ : ثابت ماده

$$K: \text{ثابت بولتزمن و برابر با } 1.38 \times 10^{-23} \frac{J}{K}$$

T: دمای برحسب کلوین

V: ولتاژ برحسب ولت

چون جریان اشباع معکوس  $I_0$  به اندازه کافی کوچک است و نمی توان آن را به طور مستقیم اندازه گیری کرد. از این رو جهت اندازه گیری آن از روش های غیرمستقیم کمک می گیریم. برای  $eV_0 \gg KT$  داریم

$$I = I_0 e^{\frac{eV_0}{\eta KT}}$$

$$\ln I = \ln I_0 + \frac{eV}{\eta KT}$$

در اینجا اگر نمودار  $\ln I$  بر حسب  $V$  رسم شود با استفاده از شیب نمودار می‌توان  $\eta$  و با استفاده از عرض از مبدا می‌توان  $I_0$  را محاسبه کرد. بدین منظور دیود BC107B که Si است را انتخاب کنید و آن را به دستگاه مطابق شکل متصل کنید. سپس کلیدهای سمت راست دستگاه را در حالت Junction و CURRENT قرار دهید. اکنون جریان را بوسیله پیچ تنظیم حداکثر تا (10 mA) بالا برده و جریان اعمالی و ولتاژهای ایجاد شده را از روی نمایشگرهای دستگاه خوانده و در جدول (1) یادداشت کنید و از روی داده‌ها، نمودار ولتاژ پیوندگاه را بر حسب  $\ln I$  مربوطه رسم کنید و مقادیر مورد نظر را محاسبه کنید.

Forward Current I (mA)	$\ln I$	Junction Voltage (V)
0,1		
0,2		
0,4		
0,7		
1		
2		
4		
7		
10		

#### آزمایش ۲: تعیین ثابت دمایی ولتاژ پیوندگاه و شکاف انرژی

در این قسمت کوره و دیود (Si) BC 107B (Base-Emitter Junction) را به دستگاه متصل کنید. دیود را داخل کوره قرار دهید و جریان رو به جلو ثابتی در حد 1 mA برای آن انتخاب کنید. اکنون انتخابگر 1 را روی حالت TEMP قرار دهید و به کمک پیچ مربوطه دمای کوره را از دمای اتاق تا دمای 360 K تغییر دهید و از روی نمایشگرهای دستگاه درجه حرارت کوره و ولتاژ را هر 5 دقیقه در جدول (2) زیر یادداشت کنید.

Temperature (K)	Junction Voltage (V)
305	
310	
316	
319	
321	
326	
331	

۳۳۹	
۳۴۷	
۳۶۰	

در اینجا نمودار  $V$  بر حسب  $T$  را رسم کنید. از روابط زیر برای محاسبه شکاف انرژی استفاده کنید.

در این حالت جریان اشباع معکوس و جریان دیودی مستقیم به ترتیب از روابط زیر مشخص می‌شوند:

$$I_0 = KT^m e^{-\frac{eV_{G0}}{\eta KT}}$$

$$I = I_0 \left( e^{\frac{eV_0}{KT}} - 1 \right) \approx I_0 e^{\frac{eV}{\eta KT}}$$

که در اینجا  $m = 1.5, \eta = 2$  برای Si است

همچنین داریم

$$\ln I = \ln I_0 + m \ln T + \frac{e(V_0 - V_{G0})}{\eta KT}$$

در جریان مستقیم ثابت با دیفرانسیل‌گیری نسبت به دما داریم:

$$0 = 0 + \frac{m}{T} + \frac{d}{dT} \left[ \frac{e(V_0 - V_{G0})}{\eta KT} \right]$$

$$0 = \frac{m}{T} + \frac{e}{\eta KT} \frac{dV_0}{dT} - \frac{e(V_0 - V_{G0})}{\eta KT^2}$$

پس

$$V_{G0} = V - T \frac{dV}{dT} - \frac{m \eta KT}{e}$$

با استفاده از نمودار  $V$  بر حسب  $T$  می‌توان  $\frac{dV}{dT}$  را بدست آورد و برای سه دمای مختلف با داشتن  $V(T)$  در همان دما  $V_{G0}$  را از رابطه بالا بدست آورد.  $V_{G0}$  همان شکاف انرژی است.

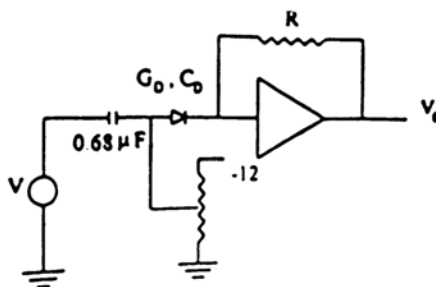
آزمایش ۳: مطالعه خازن پیوندگاه و تغییراتش نسبت به ولتاژ بایاس معکوس



برای انجام این قسمت از آزمایش از فیش‌های قسمت چپ دستگاه استفاده کنید. در اینجا از دیود با شناسه  $1N 5408 (Si)$  استفاده می‌کنیم. دیود مورد نظر در محل اتصال مربوطه بر روی دستگاه قرار گرفته است. توجه: سیم اضافی با دیود به کار برده نشود. هدف بررسی دیود در فرکانس‌های کاری مختلف برای اندازه‌گیری ظرفیت خازنی پیوندگاه است و بدین منظور از یک اسیلوسکوپ استفاده می‌کنیم. در این حالت انتخابگر سمت چپ دستگاه را در حالت BIAS قرار دهید و رابط CRO را برای اندازه‌گیری ولتاژهای ورودی و خروجی در بایاس مشخص و فرکانس مشخص به اسیلوسکوپ وصل کنید. اساس آزمایش مطابق مدار نمایش داده شده در شکل ۶ می‌باشد. در اینجا  $C_D$  و  $G_D$  خازن پیوندگاه و ادمیتانس نشستی مربوط به دیود آزمایش است.  $V_1$ ، سیگنال ورودی اعمالی توسط دستگاه که در هر دو حالت فرکانس‌های  $\omega_1 = 5kHz, \omega_2 = 20kHz$  دارای مقدار یکسانی است. با اعمال ولتاژهای بایاس مختلف که در اینجا از مقدار صفر تا  $10V$  تغییر می‌دهیم، مقدارهای ولتاژهای خروجی  $V_1$  (ولتاژ پیک تا پیک برای فرکانس  $\omega_1 = 5kHz$ ) و  $V_2$  (ولتاژ پیک تا پیک برای فرکانس  $\omega_2 = 20kHz$ ) را در جدول (۳) مربوطه یادداشت کنید. ولتاژهای خروجی در فرکانس‌های  $\omega_1$  و  $\omega_2$  را می‌توان به صورت زیر نوشت  $(\omega_2 > \omega_1)$ :

$$V_1 = -V(G_D + j\omega_1 C_D)R$$

$$V_2 = -V(G_D + j\omega_2 C_D)R$$



شکل ۶

با به توان ۲ رساندن و تفریق معادلات بالا از همدیگر خواهیم داشت:

$$V_2^2 - V_1^2 = V^2 R^2 (\omega_2^2 - \omega_1^2) C_D^2$$

$$C_D = \frac{\sqrt{V_2^2 - V_1^2}}{VR\sqrt{\omega_2^2 - \omega_1^2}}$$

در دستگاه حاضر مقادیر  $V$  و  $R$  و  $\omega_1$  و  $\omega_2$  و به قرار زیرند:

$$V = 160 \text{ mV}$$

$$R = 1010 \text{ k}\Omega$$

$$\omega_1 = 2\pi \times 5 \times 10^3$$

$$\omega_2 = 2\pi \times 20 \times 10^3$$

$$C_D = 0.5\sqrt{V_2^2 - V_1^2} \text{ (pF)} \text{ بنابراین } C_D \text{ برابر است با}$$

Bias Voltage (V)	$V_1$ (mV) p-p ۵ kHz	$V_2$ (mV) p-p ۲۰ kHz	$C_D$ (pF)
۰,۰			
-۰,۵			
-۱,۰			
-۲,۰			
-۳,۰			
-۴,۰			
-۵,۰			
-۷,۰			
-۱۰,۰			

نمودار ظرفیت خازنی پیوندگاه را بر حسب ولتاژ بایاس اعمالی رسم کنید.

بررسی نتایج و سئوالات:

- ۱- نیمه هادی‌ها چگونه آلائیده می‌شوند؟
- ۲- آلائیده‌گی را چگونه تغییر دهیم تا منحنی I-V اتصال به رفتار خطی نزدیک شود.
- ۳- یک قطعه ای که در آن نیمه هادی قرار دارد را تشریح کنید.
- ۴- خواص نوری نیمه هادی‌ها چگونه است؟